

第二章 高级语言及其语法描述

- ❖ 2.1 程序设计语言的定义
- ❖ 2.2 高级语言的一般特性
- ❖ 2.3 程序设计语言的语法描述

本章目的:

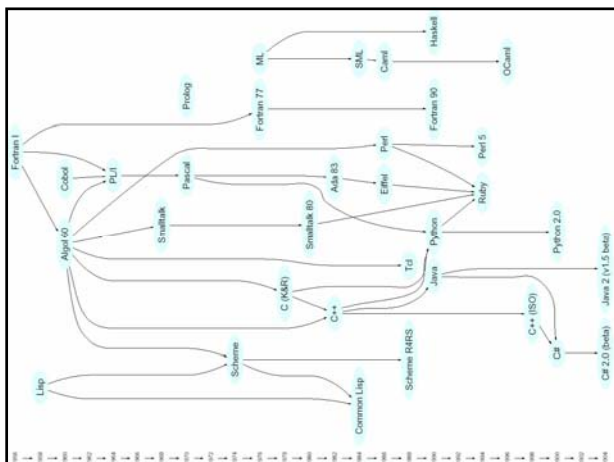
- 简要了解高级语言的主要内容及特点;
- 掌握上下文无关文法及语法树。

作业: p35-36:1(1)(2)(5),4,6-11。 9号交

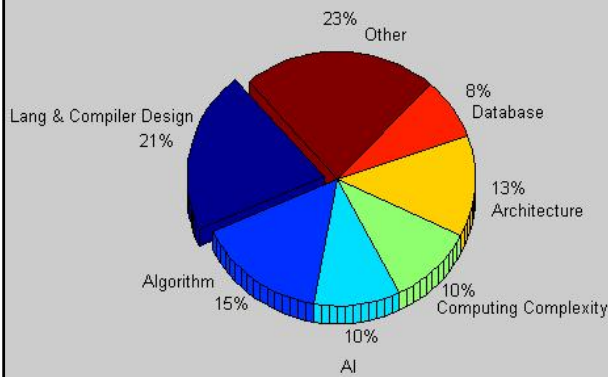
程序设计语言历史

- ❖ 50's: Fortran & Lisp
- ❖ 60's: Algol, PL/1, Simula67
- ❖ 70's: Pascal, Prolog, C, ML, Smalltalk
- ❖ 80's: Common Lisp, C++, Ada
- ❖ 90's: Fortran90, Ansi C, Tcl, Java
- ❖ 00's: C#, Java2

^ As of May 2006 The Encyclopedia of Computer Languages by Murdoch University, Australia lists 8512 computer languages.



A.M. Turing Award



2.1 程序设计语言的定义

- ❖ 字母表 是符号的非空有穷集合。程序是字母表上的一个字符串
{A,B,...,Y,Z,0,1,...,9,空格,+,-,*,/,=,<,>,(,),[,],{,},',\,.,:;^}
- ❖ 词法单位定义 语言文法的一部分(词法规则)
常数、标识符、保留字、运算符、分界符、特殊符号

```

<real-#> ::= <int-part> . <fraction>
<int-part> ::= <digit> | <int-part> <digit>
<fraction> ::= <digit> | <digit> <fraction>
<digit> ::= 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9
    
```

语言定义举例

- 字符串** 0.5*X1+C
- 词法** 常数0.5; 算符*; 标识符X1; 算符+; 标识符C
- 语法** 表达式0.5*X1+C
- 语义** 如果X1为非双精度型变量则先进行类型转换然后乘; 如果C为非双精度型变量则先进行类型转换然后加; 结果转换成单精度型。

语言定义举例

符号串

```
fact(int n){if(n<=0){return 1}else{return
n*fact(n-1)}};
```

词法

标识符fact; 括号(; 保留字int; 标识符n; 括号); 括号{; 保留字if; ...

语法

函数定义fact(int n){...

语义

函数定义缺省类型为整型; 参数结合规则; 函数副作用规则; 返回值类型转换规则...

如何精确定义一个语言?

2.2 高级语言的一般特性

- ❖ **数据类型** 用于描述数据
 整型、实型、双精度型、字符型、布尔型、数组、结构、类...
 初等数据类型; 复合数据类型; 抽象数据类型;
- ❖ **语句** 用于描述功能
 赋值语句、循环语句、条件语句、说明语句、调用语句、返回语句...
- ❖ **语言分类** 语言的范型
 强制式Imperative、应用式Applicative、基于规则Rule-Based、面向对象Object-Oriented

C type	Size (bytes)	Lower bound	Upper bound
char	1	—	—
unsigned char	1	0	255
short int	2	-32768	+32767
unsigned short int	2	0	65536
(long) int	4	-2 ³¹	+2 ³¹ - 1
float	4	-3.2 × 10 ^{±38}	+3.2 × 10 ^{±38}
double	8	-1.7 × 10 ^{±308}	+1.7 × 10 ^{±308}

C type	Pascal equivalent
char	char
unsigned char	—
short int	integer
unsigned short int	—
long int	longint
float	real
double	extended

初等数据类型用于描述数据
 char ch;
 int book_no;
 float amount;

复合数据类型用于描述数据结构

抽象数据类型用于描述数据和代码的封装、继承、多态

```
record
    year : 0..2000;
    month : 1..12;
    day : 1..31
end
record
    name, firstname : string;
    age : 0..99;
    case married : Boolean of
        true : (Spousesname : string);
        false : ()
    end
end
```

程序结构: Fortran语言

```
program main
some declarations
real alpha, beta
common /coeff/ alpha, beta
statements
stop
end
subroutine sub1 (some arguments)
...
declarations of arguments
real alpha, beta
common /coeff/ alpha, beta
statements
return
end
subroutine sub2 (some arguments)
...
declarations of arguments
real alpha, beta
common /coeff/ alpha, beta
statements
return
end
```

```
PROGRAM MAIN
...
END
SUBROUTINE SUB1
...
END
SUBROUTINE SUB2
...
END
```

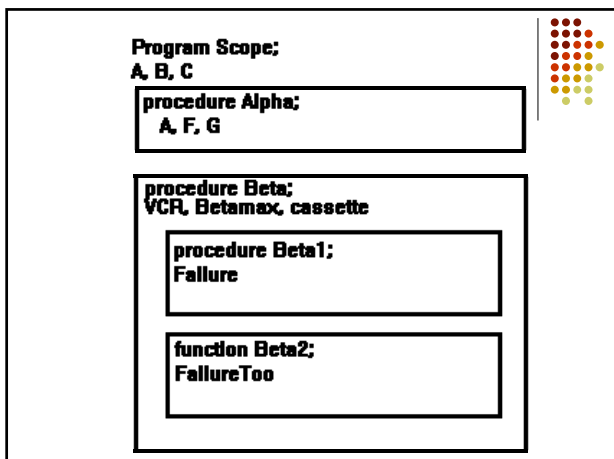
程序结构: Pascal语言

```
program ScopeDemo;
var A : integer;

procedure ScopelInner;
var A : integer;
begin
    A := 10;
    writeln (A)
end;

begin (* Main *)
    A := 20;
    writeln (A);
    ScopelInner;
    writeln (A);
end. (* Main *)
```

```
program main
...
procedure p1;
...
procedure p2;
begin
    ...
begin
    ...
end;
begin
    ...
end;
end.
```



程序结构: C语言

- 预处理命令
- 类型说明
- 函数原型声明
- 变量说明
- 函数定义

```

type fn (parameters)
{
    local-vars;
    statements;
}

void c_function1(int a, float *b)
{
    .....
}
int c_function2(int a, float *b)
{
    int r;
    .....
    return r;
}
int main(void)
{
    int a, r;
    float b;
    c_function1(a, &b);
    r = c_function2(a, &b);
}
  
```

语言分类

- ❖ 强制式语言
 - 语句序列
- ❖ 应用式语言
 - 函数调用
- ❖ 基于规则语言
 - 规则序列
- ❖ 面向对象语言
 - 类和实例

```

(defun fact(n)
  (if (<= n 1)
      1
      (* n (fact (1- n)))))

>(fact 6)
720

nrev([], []).
nrev([A|X], Y):-nrev(X,Z),append(Z,[A],Y).
append([],X,X).
append([_|C],Y,[_|Z]):-append(C,Y,Z).

:-nrev([1,2,3,4,5],L).
L = [5,4,3,2,1]
Continue search?(Y or N): y
no
  
```

2.3 程序设计语言的语法描述

- ❖ 文法引论
- ❖ 上下文无关文法
- ❖ 语法分析树
- ❖ 文法的二义性问题
- ❖ 形式语言简介

$\Sigma = \{a, b, \#\}$
 $\Sigma^* = \{ \epsilon, a, b, \#, aa, ab, a\#, ba, bb, b\#, aaa, \dots \}$

❖ **基本术语**

- 有穷字母表 Σ : 符号的有穷集合
- Σ 上的符号串: Σ 中的符号的一个有穷序列
- 空符号串/空字 ϵ : 不包含任何符号的符号串
- Σ^* : Σ 上所有符号串的全体
- 符号串集合 U : $U \subseteq \Sigma^*$

❖ **基本术语**

符号串集合的连接(积):
 $UV = \{\alpha\beta \mid \alpha \in U \wedge \beta \in V\}, U \subseteq \Sigma^*, V \subseteq \Sigma^*$

结合律: $(UV)W = U(VW)$
 无交换律: $UV \neq VU$
 $V^n = VV\dots V$ 自身的n次连接(积)
 $V^0 = \{\epsilon\}$
 V 的闭包: $V^* = V^0 \cup V^1 \cup V^2 \cup \dots$
 V 的正则闭包: $V^+ = VV^*$

举例

$\Sigma = \{a, b, \#\}$

$\Sigma^* = \{ \epsilon, a, b, \#, aa, ab, a\#, ba, bb, b\#, aaa, \dots \}$

$U = \{ \epsilon, a, \#, aa \}$

$V = \{ab, a\#, bb\}$

$UV = \{ab, a\#, bb, aab, aa\#, abb, \#ab, \#a\#, \#bb, aaab, aaa\#, aabb\}$

$VU = \{ab, aba, ab\#, abaa, a\#, a\#a, a\#\#, a\#aa, bb, bba, bb\#, bbaa\}$

$U^2 = \{ \epsilon, a, \#, aa, a\#, aaa, \#a, \#\#, \#aa, aa\#, aaaa \}$

自然语言语法分析的例子

语法分析: He gave me a book.

<句子> => <主语> <谓语> <间接宾语> <直接宾语>

<主语> => <代词>

<谓语> => <动词>

<间接宾语> => <代词>

<直接宾语> => <冠词> <代词>

<代词> => He

<代词> => me

<冠词> => a

<动词> => gave

<名词> => book

非终结符

终结符

用于对该句进行语法分析的生成式规则

左部 产生式的右部

推导: He gave me a book.

<句子> => <主语> <谓语> <间接宾语> <直接宾语>

=> <代词> <谓语> <间接宾语> <直接宾语>

=> He <谓语> <间接宾语> <直接宾语>

=> He <动词> <间接宾语> <直接宾语>

=> He gave <间接宾语> <直接宾语>

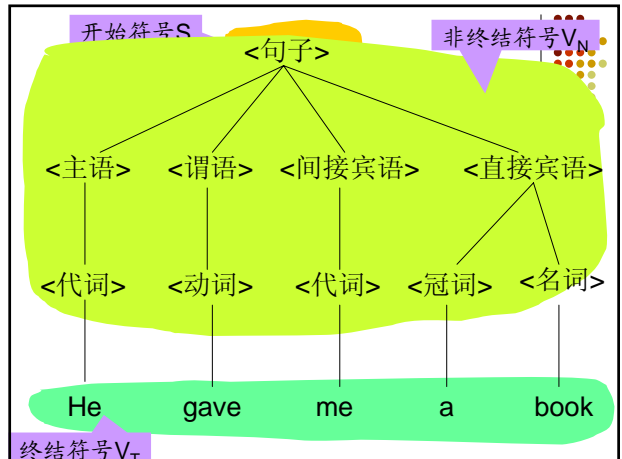
=> He gave <代词> <直接宾语>

=> He gave me <直接宾语>

=> He gave me <冠词> <名词>

=> He gave me a <名词>

=> He gave me a book



2.3.2 上下文无关文法

一个文法G是一个四元组: $G = (V_T, V_N, S, P)$

- ❖ 终结符集合 V_T 是终结符号的非空有限集
终结符号是组成语言的基本符号, 不可再分解
- ❖ 非终结符集合 V_N 是非终结符号的非空有限集
非终结符号用来代表语法范畴
- ❖ 开始符号S
开始符号是一个特殊的非终结符号, 代表语言中最感兴趣的语法范畴
- ❖ 产生式集合P
产生式规则是定义语法范畴的一种书写规则

上下文无关文法

文法 $G = (V_T, V_N, S, P)$

- $V_T \cap V_N = \emptyset$
- 若 $(P, \alpha) \in P$, 则 $P \in V_N \wedge \alpha \in (V_T \cup V_N)^*$
- 开始符号S至少必须在某个产生式的左部出现一次

产生式规则的书写形式

- ① 大写拉丁字母表示非终结符
- ② 小写拉丁字母表示终结符
- ③ 小写希腊字母表示由终结符和非终结符构成的符号串

$E \rightarrow i$
 $E \rightarrow E+E$
 $E \rightarrow E^*E$
 $E \rightarrow (E)$

$A \rightarrow \alpha$

左部为一个非终结符 右部是符号串, 由终结符和非终结符组成

产生式规则

每个 α_i 称为 P 的候选式, $i=1..n$

$$P \rightarrow \alpha_1$$

$$P \rightarrow \alpha_2$$

$$\vdots$$

$$P \rightarrow \alpha_n$$

\Rightarrow $P \rightarrow \alpha_1 | \alpha_2 | \dots | \alpha_n$

$E \rightarrow i$
 $E \rightarrow E+E$
 $E \rightarrow E^*E$
 $E \rightarrow (E)$

\Rightarrow $E \rightarrow i|E+E|E^*E|(E)$

推导与直接推导

对于 $(A, \gamma) \in P$ 且 $\alpha, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$, 字符串 $\alpha A \beta$ 使用一次规则 $A \rightarrow \gamma$ 得到 $\alpha \gamma \beta$, 称 $\alpha A \beta$ **直接推导** 出 $\alpha \gamma \beta$, 记为 $\alpha A \beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$

例: $E \rightarrow i|E+E|E^*E|(E)$

$E \Rightarrow (E)$ 是直接推导, 其中 $\alpha = \beta = \epsilon$

$E \Rightarrow i+E$ 不是直接推导

$E+E \Rightarrow i+E$ 是直接推导, 其中 $\alpha = \epsilon, \beta = +E$

推导与直接推导

对于 $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n \in (V_N \cup V_T)^*$, 如果 $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$ 则称其为从 α_1 到 α_n 的一个推导。

例: $E \rightarrow i|E+E|E^*E|(E)$

$E \Rightarrow (E)$ 是推导

$E \Rightarrow E+E \Rightarrow i+E$ 是推导

$E+E \Rightarrow i+E$ 是推导

推导与直接推导

例: $E \rightarrow i|E+E|E^*E|(E)$

$E \Rightarrow E+E \Rightarrow E+E^*E \Rightarrow E+E^*(E) \Rightarrow E+E^*(E+E) \Rightarrow E+E^*(E+i) \Rightarrow E+E^*(i+i) \Rightarrow E+i^*(i+i) \Rightarrow i+i^*(i+i)$

$E \Rightarrow E+E \Rightarrow i+E \Rightarrow i+E^*E \Rightarrow i+i^*E \Rightarrow i+i^*(E) \Rightarrow i+i^*(E+E) \Rightarrow i+i^*(i+E) \Rightarrow i+i^*(i+i)$

对于推导 $\alpha_1 \Rightarrow \alpha_2 \Rightarrow \dots \Rightarrow \alpha_n$, 若其中的直接推导步数不少于1, 则记为 $\alpha_1 \xRightarrow{+} \alpha_n$, 否则记为 $\alpha_1 \xRightarrow{*} \alpha_n$

句子、句型和语言

假定文法 G 的开始符号为 S ,

文法 G_1
 $S \rightarrow bA$
 $A \rightarrow aA|a$

如果 $S \xRightarrow{*} \alpha$ 则称 α 是一个句型
 仅含终结符号的句型称为句子
 句子的全体是一个语言, 记为 $L(G)$

$L(G_1) = \{ba^n | n \geq 1\}$

文法 G_2
 $S \rightarrow AB$
 $A \rightarrow aA|a$
 $B \rightarrow bB|b$

$L(G) = \{\alpha | S \xRightarrow{+} \alpha \wedge \alpha \in V_T^*\}$

$L(G_2) = \{a^m b^n | m, n \geq 1\}$

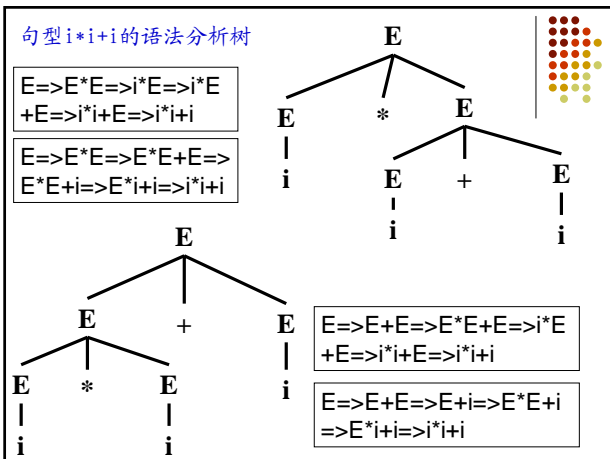
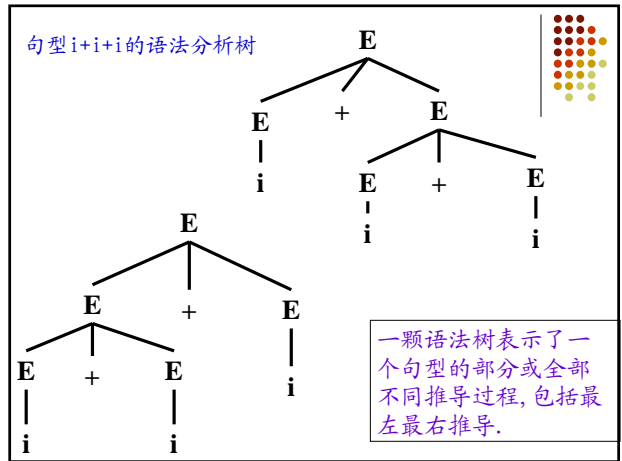
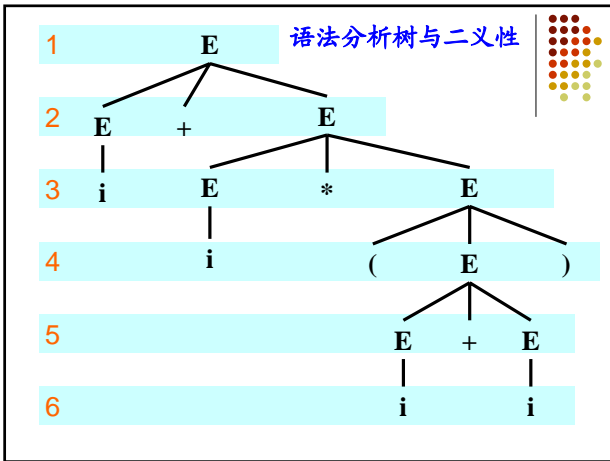
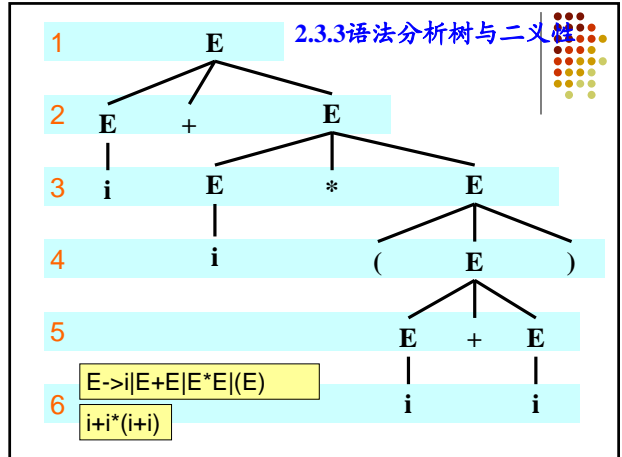
最左推导与最右推导

最左(右)推导是一种推导,其中每一步直接推导中都是对最左(右)边的非终结符号使用产生式规则进行替换得到。

例: $E \rightarrow i|E+E|E^*E|(E)$

最左推导 $E \Rightarrow E+E \Rightarrow i+E \Rightarrow i+E^*E \Rightarrow i+i^*E \Rightarrow i+i^*(E) \Rightarrow i+i^*(E+E) \Rightarrow i+i^*(i+E) \Rightarrow i+i^*(i+i)$

最右推导 $E \Rightarrow E+E \Rightarrow E+E^*E \Rightarrow E+E^*(E) \Rightarrow E+E^*(E+E) \Rightarrow E+E^*(E+i) \Rightarrow E+E^*(i+i) \Rightarrow E+i^*(i+i) \Rightarrow i+i^*(i+i)$



二义性文法

- 如果一个文法存在某个句子对应两颗不同的语法树,则称这个文法是二义的。
- 若一个文法中存在某个句子,它有两个不同的最左(最右)推导,则这个文法是二义的。
- 文法的二义性是不可判定的。
- 为文法二义性判定寻找充分条件。

文法G2是在文法G1的基础上加了如下归约限定:

- ① 连+从左到右
- ② 连*从左到右
- ③ 先*后+

文法G1:
 $E \rightarrow i | E + E | E * E | (E)$

文法G2:
 $E \rightarrow T | E + T$
 $T \rightarrow F | T * F$
 $F \rightarrow (E) | i$

结论: $L(G1) = L(G2)$

- ① 对于 $i_1 + i_2 + i_3$ 先归约 $i_1 + i_2$
- ② 对于 $i_1 * i_2 * i_3$ 先归约 $i_1 * i_2$
- ③ 对于 $i_1 * i_2 + i_3$ 先归约 $i_1 * i_2$
- ④ 对于 $i_1 + i_2 * i_3$ 先归约 $i_2 * i_3$

无二义性文法的任意句子的语法树是唯一的, 所以该句子的最左推导唯一。

总结:
 以后均讨论无二义性文法, 同时有下面的约定:
 文法中不含形如 $P \rightarrow P$ 的产生式规则;
 每个非终结符必须都有用处, 即对于任一非终结符 P , 有

$$S \xrightarrow{*} \alpha P \beta \wedge (P \xrightarrow{+} \gamma, \gamma \in V_T^*)$$

i

2.3.3 形式语言简介

Chomsky文法

$$G = (V, V_N, S, P)$$

0型文法 $\forall (\alpha, \beta) \in P$ 有:
 $\alpha \rightarrow \beta, \alpha \in (V_N \cup V_T)^* - (V_T)^*, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$

1型文法 G 的任何产生式 $\alpha \rightarrow \beta$ 均满足 $|\alpha| \leq |\beta|$, 仅 $S \rightarrow \epsilon$ 除外, 且 β 中不含 S ;

2型文法 $A \rightarrow \beta, A \in V_N, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$

3型文法 $A \rightarrow \alpha B$, 或, $A \rightarrow \alpha$, 且 $A, B \in V_N, \alpha \in (V_T)^*$

本章小结

- ❖ 字母表、符号串
- ❖ 终结符号, 非终结符号, 开始符号, 产生式
- ❖ 直接推导、推导
- ❖ 句型、句子
- ❖ 语言
- ❖ 语法树、规约
- ❖ 二义性文法
- ❖ Chomsky文法